

# CLPFD segédjeljárások

## Statisztika

- `fd_statistics(Kulcs, Érték)`: A `Kulcs`-hoz tartozó számláló `Érték`-ét kiadja és lenullázza. Lehetséges kulcsok és számlált események:
  - `constraints` — korlát létrehozása;
  - `resumptions` — korlát felébresztése;
  - `entailments` — korlát (vagy negáltja) levezethetővé válásának észlelése;
  - `prunings` — tartomány szűkítése;
  - `backtracks` — a tár ellentmondásossá válása (Prolog megghiúsulások nem számítanak).
- `fd_statistics`: az összes számláló állását kiírja és lenullázza őket.

```
% Az N-királynő feladat összes megoldása Ss, Lab címkézéssel való
% végrehajtása Time msec-ig tart és Btrks FD visszalépést igényel.
run_queens(Lab, N, Ss, Time, Btrks) :-
    fd_statistics(backtracks, _), statistics(runtime, _),
    findall(Q, queens(Lab, N, Q), Ss),
    statistics(runtime, [_ , Time]),
    fd_statistics(backtracks, Btrks).
```

## Válaszok formája (a még le nem futott, alvó korlátok kiírása a válaszban)

- `clpfd:full_answer`: ez egy dinamikus kampó eljárás. Alaphelyzetben nincs egy klóza sem, tehát nem sikerül. Ez esetben a rendszer egy kérdésre való válaszoláskor csak a kérdésben előforduló változók tartományát írja ki, az alvó korlátokat nem. Ha felveszünk egy ilyen eljárást és az sikeresen fut le, akkor a válaszban az összes változó mellett kiírja még a le nem futott összes korlátot is.

```
| ?- domain([X,Y], 1, 10), X+Y#=5. => X in 1..4, Y in 1..4 ?
| ?- assert(clpfd:full_answer). => yes
| ?- domain([X,Y], 1, 10), X+Y#=5. => clpfd:'t+u=c'(X,Y,5),
|                                     X in 1..4, Y in 1..4 ?
| ?- X+Y #= Z #<=> B. => clpfd:'t=u IND'(Z,_A)#<=>B,
|                                     clpfd:'x+y=t'(X,Y,_A), B in 0..1, ...
| ?- retract(clpfd:full_answer). => yes
| ?- X+Y #= Z #<=> B. => B in 0..1, ...
```

## CLPFD segédeljárások (folyt.)

### FD változók belső jellemzői

- Az FD változókról a könyvtár által tárolt információk lekérdezhetők.
- Ezek felhasználhatók a címkézésben, globális korlátok írásában ill. nyomkövetésben.
- **Vigyázat!** Félreértés veszélye! Minden más használat nagy eséllyel hibás.

### FD változók felismerése

- `fd_var(V)`:  $V$  egy a clpfd könyvtár által ismert változó.

### Tartományok pillanatnyi jellemzőinek lekérdezése

- `fd_min(X, Min)`: A  $Min$  paramétert egyesíti az  $X$  változó tartományának alsó határával (ez egy szám vagy  $inf$  lehet).
- `fd_max(X, Max)`:  $Max$  az  $X$  felső határa (szám vagy  $sup$ ).
- `fd_size(X, Size)`:  $Size$  az  $X$  tartományának számossága (szám vagy  $sup$ ).
- `fd_dom(X, Range)`:  $Range$  az  $X$  változó tartománya, *KonstansTartomány* formában
- `fd_set(X, Set)`:  $Set$  az  $X$  tartománya ún. FD-halmaz formában.
- `fd_degree(X, D)`:  $D$  az  $X$ -hez kapcsolódó korlátok száma.

### Példák

```
| ?- X in (1..5)\/{9}, fd_min(X, Min), fd_max(X, Max),  
    fd_size(X, Size).  
    Min = 1, Max = 9, Size = 6, X in(1..5)\/{9} ?  
| ?- X in (1..9)/\ \ (6..8), fd_dom(X, Dom), fd_set(X, Set).  
    Dom = (1..5)\/{9}, Set = [[1|5],[9|9]], X in ... ?  
| ?- queens_nolab(8, [X|_]), fd_degree(X, Deg).  
    Deg = 21, X in 1..8 ?           % 21 = 7*3
```

# FD-halmazok

## Az FD-halmaz fogalma, alapműveletei

- Az FD-halmaz formátum a tartományok belső ábrázolási formája.
- Absztrakt adattípusként használandó, alapműveletei:
  - `is_fdset(S)`:  $S$  egy korrekt FD-halmaz.
  - `empty_fdset(S)`:  $S$  az üres FD-halmaz.
  - `fdset_parts(S, Min, Max, Rest)`: Az  $S$  FD-halmaz áll egy  $Min..Max$  kezdő intervallumból és egy  $Rest$  maradék FD-halmazból, ahol  $Rest$  minden eleme nagyobb  $Max+1$ -nél. Egyaránt használható FD-halmaz szétszedésére és építésére (ez utóbbi most éppen hibás).

```
| ?- X in (1..9) /\ \ (6..8), fd_set(X, _S),  
      fdset_parts(_S, Min1, Max1, _).  
      Min1 = 1,  
      Max1 = 5,  
      X in(1..5)\/{9} ?
```

- Az FD-halmaz tényleges ábrázolása: [Alsó|Felső] alakú szeparált zárt intervallumok rendezett listája. (A ‘.(\_,\_)’ struktúra memóriaigénye 33%-kal kevesebb mint bármely más ‘f(\_,\_)’ struktúráé.)

```
| ?- X in (1..9) /\ \ (6..8), fd_set(X, S).  
      S = [[1|5],[9|9]],  
      X in(1..5)\/{9} ?
```

- FD-halmaz is használató szűkítésre:
  - `X in_set Set`: Az  $X$  változót a  $Set$  FD-halmazzal szűkíti.
  - **Vigyázat!** Ha a korlát-felvételi fázisban egy változó tartományát egy másik tartományának függvényében szűkítünk, ezzel nem érhetünk el „démoni” szűkítő hatást, hiszen ez a szűkítés csak *egyszer* fut le. Az `in_set` eljárás csak globális korlátok ill. testreszabott címkézés megvalósítására célszerű használni.

## FD-halmazok (folyt.)

### FD-halmazokat kezelő további eljárások

- `fdset_singleton(Set, Elt)`: Set az egyetlen Elt-ből áll.
- `fdset_interval(Set, Min, Max)`: Set a Min..Max intervallum (oda-vissza használható).
- `fdset_union/[3,2], fdset_intersection/[3,2]`: Két halmaz ill. egy listában megadott halmazok úniója és metszete.
- `fdset_complement/2`: Egy halmaz komplemente.
- `fdset_member(Elt, Set)`: Elt eleme a Set FD-halmaznak.
- `list_to_fdset(List, Set), fdset_to_list(Set, List)`: számlista átalakítása halmazzá, és fordítva.
- `range_to_fdset(Range, Set), fdset_to_range(Set, Range)`: Konstans tartomány átalakítása halmazzá és viszont.

### Példa

```
| ?- list_to_fdset([2,3,5,7], _FS1),  
    fdset_complement(_FS1, _FS2),  
        % _FS2 ↔ \{2,3,5,7}  
    fdset_interval(_FS3, 0, sup),  
        % _FS3 ↔ 0..sup  
    fdset_intersection(_FS2, _FS3, _FS4),  
        % _FS4 ↔ (0..sup)\ \{2,3,5,7}  
    fdset_to_range(_FS4, Range),  
    X in_set _FS4.
```

```
Range = (0..1)\ \{4}\ \{6}\ (8..sup),  
X in(0..1)\ \{4}\ \{6}\ (8..sup) ?
```

# Címkézési (keresési) stratégiák

## CSP programok szerkezete (*ismétlés!*)

- változók és tartományaik megadása,
- korlátok felvétele (lehetőleg választási pontok létrehozása nélkül!),
- címkézés (keresés).

## A címkézési fázis feladata

- Adott változók egy halmaza,
- ezeket a tartományaik által megengedett értékekre szisztematikusan be kell helyettesíteni
- (miközben a korlátok fel-felébrednek, és visszalépést okoznak a nem megengedett állapotokban).
- Mindezt a lehető leggyorsabban, a lehető legkevesebb visszalépéssel kell megoldani.

## A keresés célja lehet

- **egyetlen** (tetszőleges) megoldás előállítása,
- az **összes** megoldás előállítása,
- a valamilyen szempontból **legjobb** megoldás előállítása.

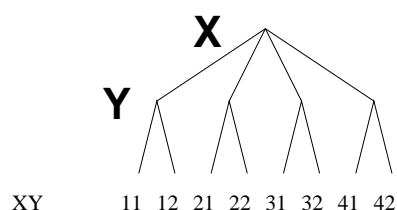
## A keresési stratégia paraméterezési lehetőségei

- Milyen **sorrendben** kezeljük az egyes változókat?
- Milyen **választási pontot** hozunk létre?
- Milyen **irányban** járjuk be a változó tartományát?

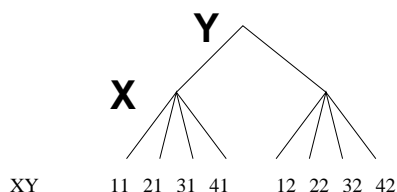
# Keresési stratégiák — példák

## Hogyan függ a keresési tér a változó-sorrendtől?

- | ?- X in 1..4, Y in 1..2,  
indomain(X),  
indomain(Y).



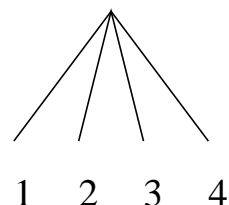
- | ?- X in 1..4, Y in 1..2,  
indomain(Y),  
indomain(X).



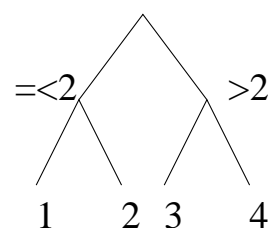
- A *first-fail* elv: a kisebb tartományú változót előbb címkézzük — kevesebb választási pont, remélhetően kisebb keresési tér.
- Példa feladatspecifikus sorrendre: az N királynő feladatban érdemes a középső sorokba tenni le először a királynőket, mert ezek a többi változó tartományát jobban megsűrik, mint a szélsőkbe tettek.

## Milyen szerkezetű keresési tereket hozhatunk létre?

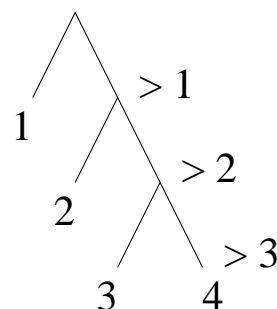
- felsorolás: | ?- X in 1..4,  
labeling([enum], [X]).



- kettévágás: | ?- X in 1..4,  
labeling([bisect], [X]).



- lépegetés: | ?- X in 1..4,  
labeling([step], [X]).



## Címkéző eljárások; labeling/2

**A címkézés alap-eljárása:** `labeling(Opciók, VáltozóLista)`

A `VáltozóLista` minden elemét behelyettesíti, az `Opciók` lista által előírt módon. Az alábbi csoportok mindegyikéből legfeljebb egy opció szerepelhet. Ha az első négy csoport valamelyikéből nem szerepel opció, akkor a *dőlt betűvel* szedett alapértelmezés lép életbe.

1. a változó kiválasztása: *leftmost*, *min*, *max*, *ff*, *ffc*, `variable(Sel)`
2. a választási pont fajtája: *step*, *enum*, *bisect*, `value(Enum)`
3. a bejárési irány: *up*, *down*
4. a keresett megoldások: *all*, `minimize(X)`, `maximize(X)`
5. a gyűjtendő statisztikai adat: `assumptions(A)`
6. a balszélső ágtól való eltérés korlátozása: `discrepancy(D)`

### A címkézés menete

- a. Ha a `VáltozóLista` üres, akkor a címkézés sikeresen véget ér. Egyébként kiválasztunk belőle egy `X` elemet az 1. csoportbeli opció által előírt módon.
- b. Ha `X` már behelyettesített, akkor a `VáltozóListából` elhagyjuk, és folytatjuk az **a.** pontnál.
- c. Egyébként az `X` változó tartományát felosztjuk két vagy több diszjunkt részre a 2. csoportbeli opció szerint (kivéve `value(Enum)` esetén, amikor is azonnal az e. pontra megyünk).
- d. A tartományokat elrendezzük a 3. csoportbeli opció szerint.
- e. Létrehozunk egy választási pontot, amelynek ágain sorra leszűkítjük az `X` változót a kiválasztott tartományokra.
- f. Minden egyes ágon az `X` szűkítése értelemszerűen kiváltja a rá vonatkozó korlátok felébredését. Ha ez meghiúsulást okoz, akkor visszalépünk az **e.** pontra és ott a következő ágon folytatjuk.
- g. Ha `X` most már behelyettesített, akkor elhagyjuk a `VáltozóListából`. Ezután mindenképpen folytatjuk az **a.** pontnál.
- h. A fenti folyamat során értelemszerűen figyelembe vesszük a 4.-6. csoportbeli opciók előírásait is.

## A címkézés menete — példa

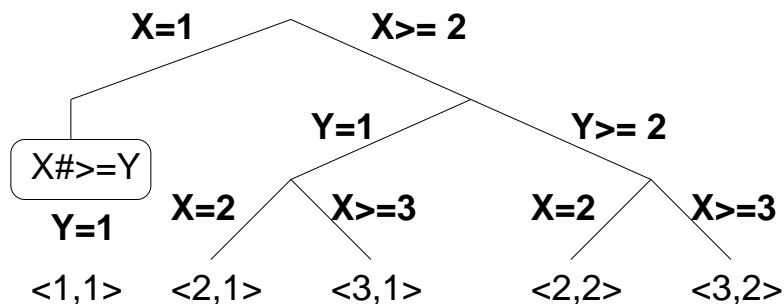
- A példa:

`X in 1..3, Y in 1..2, X#>=Y, labeling([min], [X,Y]).`

- A min opció a legkisebb alsó határú változó kiválasztását írja elő.

```
| ?- fdbg_assign_name(X, x), fdbg_assign_name(Y, y),
      X in 1..3, Y in 1..2, X #>= Y, fdbg_on,
      labeling([min], [X,Y]).
% The clp(fd) debugger is switched on
Labeling [1, <x>]: starting in range 1..3.
Labeling [1, <x>]: step: <x> = 1
  <y>#=<1    y = 1..2 -> {1} Constraint exited.
                                                    X = 1, Y = 1 ? ;
Labeling [1, <x>]: step: <x> >= 2
  <y>#=<<x>   y = 1..2, x = 2..3 Constraint exited.
Labeling [6, <y>]: starting in range 1..2.
Labeling [6, <y>]: step: <y> = 1
  Labeling [8, <x>]: starting in range 2..3.
  Labeling [8, <x>]: step: <x> = 2
                                                    X = 2, Y = 1 ? ;
  Labeling [8, <x>]: step: <x> >= 3
                                                    X = 3, Y = 1 ? ;
  Labeling [8, <x>]: failed.
Labeling [6, <y>]: step: <y> >= 2
Labeling [12, <x>]: starting in range 2..3.
  Labeling [12, <x>]: step: <x> = 2
                                                    X = 2, Y = 2 ? ;
  Labeling [12, <x>]: step: <x> >= 3
                                                    X = 3, Y = 2 ? ;
  Labeling [12, <x>]: failed.
Labeling [6, <y>]: failed.
Labeling [1, <x>]: failed.
```

### A keresési fa





# Címkézési opciók

## A címkézendő változó

A következő címkézendő változó kiválasztási szempontjai (ahol több szempont van, a későbbi csak akkor számít, ha a megelőzők egyenlőek):

- `leftmost` — legbaloldalibb (alapértelmezés);
- `min` — a legkisebb alsó határú; a legbaloldalibb;
- `max` — a legnagyobb felső határú; a legbaloldalibb;
- `ff` — („first-fail” elv): a legkisebb tartományú; a legbaloldalibb;
- `ffc` — a legkisebb tartományú; a legtöbb korlátban előforduló; a legbaloldalibb;
- `variable(Sel)` — (meta-opció) `Sel` egy felhasználói eljárás, amely kiválasztja a következő címkézendő változót (lásd később).

## A választás fajtája

A kiválasztott `X` változó tartományát a következőképpen bonthatjuk fel:

- `step` —  $X \# = B$  és  $X \# \setminus = B$  közötti választás, ahol `B` az `X` tartományának alsó vagy felső határa (alapértelmezés);
- `enum` — többszörös választás `X` lehetséges értékei közül;
- `bisect` —  $X \# < M$  és  $X \# \geq M$  közötti választás, ahol `M` az `X` tartományának középső eleme ( $M = (\min(X) + \max(X)) // 2$ );
- `value(Enum)` — (meta-opció) `Enum` egy eljárás, amelynek az a feladata, hogy leszűkítse `X` tartományát (lásd később).

## A bejárési irány

A tartomány bejárési iránya lehet:

- `up` — alulról felfelé (alapértelmezés);
- `down` — felülről lefelé.

## Címkézési opciók (folyt.)

### A keresett megoldások

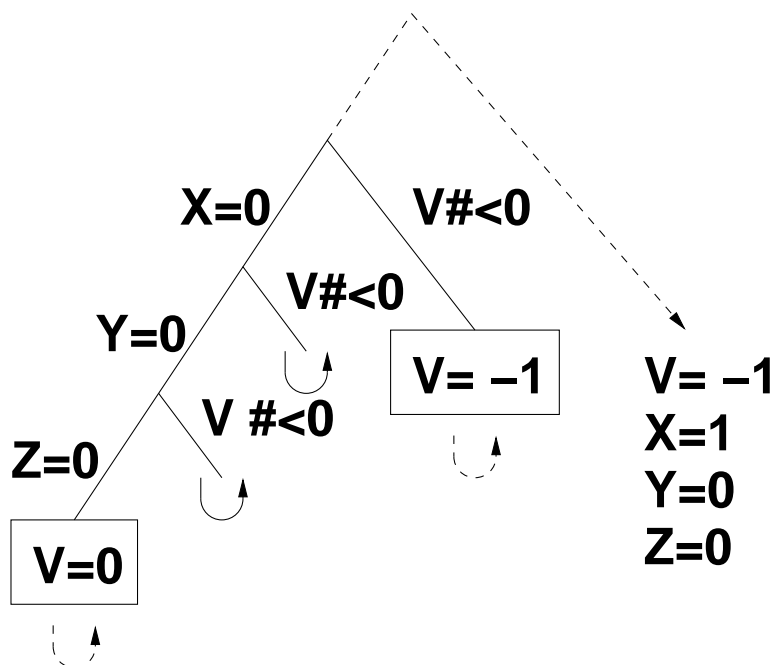
- `all` — visszalépéssel az összes megoldást felsorolja (alapértelmezés);
- `minimize(X)` ill. `maximize(X)` — egy, az  $X$ -re minimális ill. maximális értéket eredményező megoldást keres, branch-and-bound algoritmussal.

### Példa szélsőérték keresésére

```
| ?- _L=[X,Y,Z], domain(_L, 0, 1),  
    V#=Y+Z-X, labeling([minimize(V)], _L).
```

```
V = -1, X = 1, Y = 0, Z = 0 ? ;  
no
```

### A keresési fa a branch-and-bound algoritmussal



## Címkézési opciók (folyt.)

### Egyéb opciók

- Statisztika: `assumptions(K)` — egyesíti  $K$ -t a sikeres megoldáshoz vezető ágon levő változó-kiválasztások számával (ami lényegében a keresési fában a megoldáshoz vezető út hossza).
- A heurisztikától való eltérés korlátozása: `discrepancy(D)` ( $D$  adott szám)— csak olyan megoldásokat kérünk figyelembe venni, amelyekhez a keresési fában úgy jutunk el, hogy a legfeljebb  $D$ -szer választunk egy nem-legbaloldalibb ágat a választási pontokban. (Szemléletesen: a fa gyökerétől a megoldásig haladva legfeljebb  $D$ -szer kell megadni a jobbkéz-szabály szerinti elsőbbséget.)

Az opció háttere az LDS (Limited Discrepancy Search) keresési módszer.

Ebben feltételezzük, hogy a legbaloldalibb választások képviselik azt a heurisztikát, amivel nagy valószínűséggel eljuthatunk egy megoldáshoz. Mivel a heurisztika nem teljesen tökéletes, ezért valamennyi eltérést megengedünk, de az össz-eltérés-mennyiséget korlátozzuk.

### Példák (vö. a 82. lapon levő keresési fákkal):

```
assumptions(Select, As) :-  
    X in 1..4,  
    findall(A, labeling([Select,  
                        assumptions(A)], [X]), As).
```

```
lds(Select, D, Xs) :-  
    X in 1..4,  
    findall(X, labeling([Select,  
                        discrepancy(D)], [X]), Xs).
```

```
| ?- assumptions(enum, As).           As = [1,1,1,1]  
| ?- assumptions(bisect, As).        As = [2,2,2,2]  
| ?- assumptions(step, As).         As = [1,2,3,3]
```

```
| ?- lds(enum, 1, Xs).              Xs = [1,2,3,4]  
| ?- lds(bisect, 1, Xs).            Xs = [1,2,3]  
| ?- lds(step, 1, Xs).              Xs = [1,2]
```

## A címkézés testreszabása

### labeling/2 — a variable(Sel) meta-opció

- `variable(Sel)` — `Sel` egy eljárás, amely kiválasztja a következő címkézendő változót. `Sel(Vars, Selected, Rest)` alakban hívja meg a rendszert, ahol `Vars` a még címkézendő változók/számok listája.
- `Sel`-nek determinisztikusan sikerülnie kell egyesítve `Selected`-et a címkézendő *változóval* és `Rest`-et a maradékkal.
- `Sel` egy tetszőleges meghívható kifejezés lehet (`callable`, azaz név vagy struktúra). A három argumentumot a rendszer fűzi `Sel` argumentumlistájának végére.
- Például: ha a `Sel` opcióként a `mod:sel(Param)` kifejezést adjuk meg, akkor a rendszer a `mod:sel(Param, Vars, Selected, Rest)` eljáráshívást hajtja majd végre.

### Példa a variable opció használatára

```
% A Vars-beli változók között Sel a Hol-adik,  
% Rest a maradék.  
valaszt(Hol, Vars, Sel, Rest) :-  
    szur(Vars, Szurtek),  
    length(Szurtek, Len), N is integer(Hol*Len),  
    nth0(N, Szurtek, Sel, Rest).  
  
% szur(Vk, Szk): A Vk-ban levő változók listája Szk.  
szur([], []).  
szur([V|Vk], Szk) :-      nonvar(V), !, szur(Vk, Szk).  
szur([V|Vk], [V|Szk]) :-  szur(Vk, Szk).  
  
queens([], 8, Qs).          → Qs = [1,5,8,6,3,7,2,4]  
queens([variable(valaszt(0.5))], 8, Qs)  
                             → Qs = [7,2,6,3,1,4,8,5]  
queens([variable(valaszt(0.7))], 8, Qs)  
                             → Qs = [5,7,2,6,3,1,4,8]
```

## A címkézés testreszabása (folyt.)

### **labeling/2 — a value(Enum) meta-opció**

- `value(Enum)` — Enum egy eljárás, amelynek az a feladata, hogy leszűkítse X tartományát. Az eljárást a rendszer `Enum(X, Rest, BB0, BB)` alakban hívja meg, ahol `[X|Rest]` a még címkézendő változók listája.
- Enum-nak nemdeterminisztikusan le kell szűkítenie X tartományát az összes lehetséges módon, vö. a címkézés menetének leírását a 83. lapon.
- Az első választásnál meg kell hívnia az `first_bound(BB0, BB)`, a későbbieknél a `later_bound(BB0, BB)` eljárást, a BB ill. LDS keresési algoritmusok kiszolgálására.
- Enum-nak egy meghívható kifejezésnek kell lennie. A négy argumentumot a rendszer fűzi Enum argumentumlistájának a végére.

### **Példa: belülről kifelé való érték-felsorolás**

```
midout(X, _Rest, BB0, BB) :-
    fd_size(X, Size),
    Mid is (Size+1)//2,
    fd_set(X, Set),
    fdset_to_list(Set, L),
    nth(Mid, L, MidElem),
    ( first_bound(BB0, BB), X = MidElem
    ; later_bound(BB0, BB), X #\= MidElem
    ).
```

```
| ?- X in {1,3,12,19,120},
    labeling([value(midout)], [X]).
```

```
X = 12 ? ;
X = 3 ? ;
X = 19 ? ;
X = 1 ? ;
X = 120 ? ;
no
```

## A címkézés hatékonysága

A korábbi queens eljárás megoldásait különböző címkézési opciókkal, különböző méretű táblákra, 600 MHz Pentium III gépen.

(Jelölés: *midvar*  $\equiv$  `variable(valaszt(0.5)).`)

### Összes megoldás keresése

méret	n=8		n=10		n=12	
megoldások száma	92		724		14200	
címkézés	sec	btrk	sec	btrk	sec	btrk
[step]	0.23	324	4.09	5942	100.1	131K
[enum]	0.22	324	4.00	5942	97.3	131K
[bisection]	0.22	324	4.11	5942	100.4	131K
[enum,min]	0.28	462	5.04	8397	134.3	202K
[enum,max]	0.27	462	5.04	8397	134.6	202K
[enum,ff]	0.21	292	3.53	4992	79.9	101K
[enum,ffc]	0.22	292	3.60	4992	81.5	101K
[enum,midvar]	0.20	286	3.32	4560	74.3	88K

### Első megoldás keresése

méret	n=16		n=18		n=20	
címkézés	sec	btrk	sec	btrk	sec	btrk
[enum]	1.79	1833	7.97	7436	42.35	37320
[enum,min]	2.12	2095	3.39	2595	5.33	3559
[enum,max]	2.58	3182	12.28	13917	75.00	83374
[enum,ff]	0.06	7	0.08	11	0.15	33
[enum,ffc]	0.05	7	0.06	11	0.15	33
[enum,midvar]	0.11	69	0.12	57	0.55	461
[value(midout),ffc]	0.05	5	0.04	1	0.11	7

## További címkéző eljárások

`indomain(X)` — ekvivalens a `labeling([enum], [X])` hívással.

`minimize(Cél, X)` ill. `maximize(Cél, X)`

A Cél *ismételt hívásával* megkeresi az X változó minimális ill. maximális értékét.

### A `minimize/2` eljárás definíciója

```
minimize(Goal, Var) :-
    findall(Goal-Var, (Goal -> true), [Best1-UB1]),
    minimize(Goal, Var, Best1, UB1).

% minimize(Goal, Var, BestGoal, UB): Var is the minimal
% value < UB allowed by Goal, or, failing that,
% Goal = BestGoal.
minimize(Goal, Var, _, UB) :- var(UB), !,
    % hibajelzés.
minimize(Goal, Var, _, UB) :-
    Var #< UB,
    findall(Goal-Var, (Goal -> true), [Best1-UB1]), !,
    minimize(Goal, Var, Best1, UB1).
minimize(Goal, Var, Goal, Var).
```

### Példa a `minimize/2` használatára

```
p(L, V) :-
    L = [X,Y,Z], domain(L, 0, 1),
    V #= Y+Z-X, labeling([], L).

| ?- spy([p/2, minimize/4, call/1]).
| ?- minimize1(p(L, V), V).
+ 1 1 Call: p(L,V) ? z
?+ 1 1 Exit: p([0,0,0],0) ? z
+ 2 1 Call: minimize(p(L,V),V,p([0,0,0],0),0) ? z
+ 3 2 Call: call(user:(V#<0)) ? z
+ 3 2 Exit: call(user:(V#<0)) ? z
+ 4 2 Call: p(L,V) ? z
+ 4 2 Exit: p([1,0,0],-1) ? z
+ 5 2 Call: minimize(p(L,V),V,p([1,0,0],-1),-1) ? z
+ 6 3 Call: call(user:(V#< -1)) ? z
+ 6 3 Exit: call(user:(V#< -1)) ? z
+ 7 3 Call: p(L,V) ? z
+ 7 3 Fail: p(L,V) ? z
+ 5 2 Exit: minimize(p([1,0,0],-1),-1,p([1,0,0],-1),-1) ? z
+ 2 1 Exit: minimize(p([1,0,0],-1),-1,p([0,0,0],0),0) ? z
L = [1,0,0], V = -1 ?
```

## 2. kis házi feladat: számkeresztrejtvény

### A feladat

- Adott egy keresztrejtvény, amelyek egyes kockáiba 1..*Max* számokat kell elhelyezni (szokásosan  $Max = 9$ ).
- A vízszintes és függőleges „szavak” meghatározásaként a benne levő számok összege van megadva.
- Egy szóban levő betűk (kockák) mind különböző értékkel kell bírjanak.

### A keresztrejtvény Prolog ábrázolása:

- listák listájaként megadott mátrix;
- a fekete kockák helyén  $F \setminus V$  alakú struktúrák vannak, ahol  $F$  és  $V$  az adott kockát követő függőleges ill. vízszintes szó összege, vagy  $x$ , ha nincs ott szó;
- a kitöltendő fehér kockákat (különböző) változók jelzik.

### A megírandó Prolog eljárás és használata

```
% szamker(SzK, Max): SzK az 1..Max számokkal
% helyesen kitöltött számkeresztrejtvény.
% Megjegyzés: egyes sorban/oszlopban középén
% is lehet 'x'!
```

```
pelda(mini, [[x\ x,11\ x,21\ x, 8\ x],
             [x\24,  -,  -,  _],
             [x\10,  -,  -,  _],
             [x\6,   -,  -, x\ x]], 9).
```

	11	21	8
24	8	9	7
10	2	7	1
6	1	5	

```
| ?- pelda(mini, SzK, _Max), szamker(SzK, _Max).
      SzK = [[x\ x, 11\ x, 21\ x, 8\ x],
             [x\24, 8, 9, 7 ],
             [x\10, 2, 7, 1 ],
             [x\6, 1, 5, x\ x]] ? ; no
```