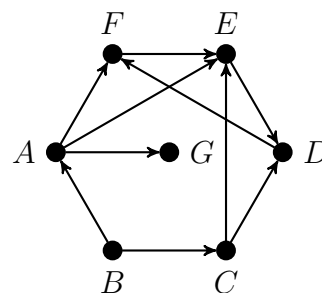
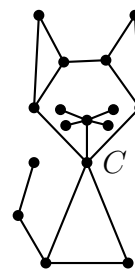


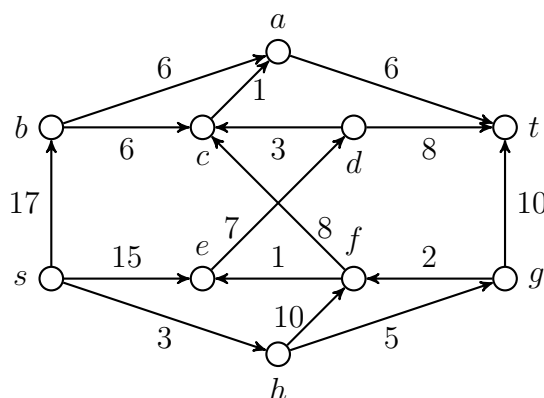
- Végezzünk mélységi bejárást a következő gráfon
A csúcsból indulva, és osztályozzuk az éleit!



- Határozzunk meg egy alapkörrendszert és fundamentális vágásrendszert a következő gráfban úgy, hogy a C pontból indulva készítünk egy mélységi feszítőfát!



- [ZH 2011. november 24.] Határozzuk meg az ábrán látható PERT probléma legrövidebb végrehajtási idejét, és állapítsuk meg, mik a kritikus tevékenységek!



- Legyen G DAG, és tegyük fel, hogy az u és v csúcsok között egyik irányban sincs irányított út G -ben. Mutassuk meg, hogy G -nek van olyan topologikus sorrendje, amelyben u megelőzi v -t, és olyan is, amelyben v előzi meg u -t.
- Egy falutörténet írója n korábbi lakosról gyűjtött információkat. A kérdésekre kapott válaszok a következő típusúak voltak:
 - S_i személy meghalt S_j születése előtt;
 - S_i személy élete során született S_j ;
 - S_i személy korábban született, mint S_j ;
 - S_i korábban halt meg, mint S_j .

Egy S_i, S_j párra nem biztos, hogy szerepel minden választípus, és olyan pár is lehet, amely egyetlen válaszban sem szerepel együtt. Mivel az emberek időnként rosszul emlékeznek, nem biztos, hogy minden kapott információ helyes. Adjunk algoritmust, amivel k db fenti típusú válaszról $c \cdot (n + k)$ lépésben eldönthető, hogy van-e közöttük ellentmondás.

6. G egy összefüggő, irányított gráf, melynek van olyan mélységi bejárása, amelynek során keletkezett feszítőerdő csupa izolált pontból áll. Az ilyen n pontú gráfok közül hogy néz ki a minimális, illetve a maximális élszámú?
 7. [pZH 2010. ősz] Legyenek az F fa csúcsai az v_1, v_2, \dots, v_{10} , élei pedig $v_i v_{i+1}$, ha $1 \leq i \leq 4$ ill. $v_5 v_j$, ha $6 \leq j \leq 10$. Tegyük fel, hogy F a G egyszerű, irányítatlan gráf v_1 -ből indított mélységi (DFS) bejárásához tartozó fa. Legfeljebb hány éle lehet G -nek?
 8. Adjunk olyan eljárást, amely tetszőleges PERT probléma esetén minden tevékenységhez meghatározza azt a legkésőbbi időpontot, amikor az adott tevékenységet elkezdve a teljes PERT feladat legrovidebb idő alatti végrehajtása még éppen nem kerül veszélybe.
 9. [pZH 2013. december 6.] A G irányított gráfban van olyan él, aminek az elhagyásával a maradékban nincs irányított kör. Igaz-e, hogy a mélységi bejárás során biztosan nem lehet egynél több visszaél?
 10. Tekintsük az olyan G irányított gráfokat, amelyekben ha eltekintünk az élek irányításától, akkor a kapott irányítatlan G' gráf összefüggő. A G gráf egy mélységi bejárásánál maximálisan hány olyan csúcs lehet, amelyre a mélységi és a befejezési szám megegyezik?
 11. Bizonyítsuk be, hogy minden $G = (V, E)$ irányított gráf felbontható két DAG-ra; pontosabban az élhalmazának van olyan E_1, E_2 partíciója ($E = E_1 \cup E_2$ és $E_1 \cap E_2 = \emptyset$), hogy a $G_1 = (V, E_1)$ és a $G_2 = (V, E_2)$ gráfok DAG-ok!
-
12. Van b darab borítékunk, az i -ediknek a hossza h_i , a magassága m_i . Az i -edik borítékba akkor tudjuk berakni a j -edik borítékot, ha $h_j < h_i$ és $m_j < m_i$ is teljesül (nem forgatjuk és nem is hajtogatjuk a borítékokat). Célunk, hogy minél hosszabb olyan láncot alakítsunk ki, hogy az i -edikben benne van a j -edik, abban a k -adik, stb.
Legyen adott egy $L > 0$ egész és a h_i és m_i számok. Hogyan lehet eldönteni, hogy kialakítható-e a borítékokból egy L hosszú lánc?
 13. Egy számítógéphálózatban n számítógép van. Minden olyan eseményt, hogy az i -edik gép üzenetet küld a j -ediknek (i, j, t) formában feljegyezzük, ahol a t egész szám az üzenet küldésének időpontját jelöli. Ugyanabban a t időpontban egy gép több gépnek is küldhet üzenetet. Ha a t időpontban az i -edik gép vírusos volt, akkor egy (i, j, t) üzenet hatására a j -edik gép megfertőződhet, ami azt jelenti, hogy a $t + 1$ időponttól kezdve már a j -edik gép is vírusos lehet. Legyen adott az (i, j, t) hármasoknak egy m hosszú listája, valamint x, y és $t_0 < t_1$ egész számok. Azt kell eldöntenünk, hogy ha az x -edik gép a t_0 időpontban vírusos volt, akkor lehet-e emiatt az y -edik gép a t_1 időpontban vírusos. Adjunk algoritmust, ami ezt a kérdést megválaszolja!