

1. Egy bináris fa csúcsai 0 és 9 közötti egész számokkal vannak megcímkézve. Az inorder bejárás során a címkék sorrendje: 9, 3, 1, 0, 4, 2, 7, 6, 8, 5, a postorder bejárásnál pedig 9, 1, 4, 0, 3,  $x$ , 7, 5,  $y$ , 2. Mi lehet az  $x$  és mi az  $y$ ?
2. Az MSc-re jelentkezőknek a felvételit alkotó 3 témakör mindegyikéből lesz egy írásbeli pontszámuk ( $P_1, P_2, P_3$ ), és keletkezik egy felvételi pontszámuk is ( $FP$ ). Tegyük fel, hogy a  $P_i$ -k 1 és 30 közötti egészek, míg az  $FP$  tetszőleges pozitív egész szám lehet. Adjunk meg egy olyan adatszerkezetet, amivel a következő műveletek az adott időben végrehajthatóak ( $n$  a jelentkezők számát jelöli!)  
BESZÚR( $P_1, P_2, P_3, FP$ ): az adott pontszámok beillesztése – átlagosan  $c \log n$   
KERES( $p$ ): a pontosan  $p$  felvételi ponttal ( $FP = p$ ) rendelkező jelentkezők számát határozza meg – átlagosan  $c \log n$   
KORLÁT( $i, q$ ): az írásbelin az  $i$ -edik témakörből legalább  $q$  pontot elért jelentkezők számát határozza meg – konstans
3. Hány 60 csúcsú, 1768 élű, páronként nem izomorf egyszerű gráf létezik?
4. **[pótZH, 2012. november 29.]** Tegyük fel, hogy a háromszöget nem tartalmazó, irányítatlan, 100 csúcsú  $G$  egyszerű gráf 4-reguláris, azaz minden csúcs fokszáma 4. Hány olyan 3 élű részgráfja van  $G$ -nek, ami út?
5. Hány olyan különböző fa adható meg  $n$  címkézett ponton, amely nem út?
6. **[ZH, 2006. március 28.]** Rajzolja fel az összes olyan páronként nem izomorf egyszerű, összefüggő 5 pontú gráfot, amelyben pontosan egy kör van és a maximális fokszáma legfeljebb 3.
7. **[pótpótZH, 2012. december 12.]** Izomorfak-e a  $(4, 4, 2, 2, 1, 5, 6, 1)$  ill. az  $(5, 3, 3, 6, 1, 5, 6, 1)$  Prüfer-kódú fák?
8. **[pótZH, 2012. november 29.]** Legyen  $F$  az a fa, aminek Prüfer-kódja  $(1, 3, 2, 3, 9, 3, 4, 4, 5, 5)$ . Hány komponensre esik szét  $F$ , ha töröljük a 3-mas címkéjű csúcsát?