

## Adatbázisok elmélete 25. előadás

Csima Judit  
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem  
Számítástudományi Tsz.  
I. B. 136/b  
csima@cs.bme.hu

2003. Május 7.

### Kompatibilitási mátrix

Egy mátrix segítségével adjuk meg, hogy különböző tranzakcióknak milyen zárai lehetnek egyszerre egy adategységen. Ez a **kompatibilitási mátrix**: a sorok és az oszlopok is a lehetséges záaraknak felelnek meg és a  $Z_i$  sor  $Z_j$  oszlopában pontosan akkor van  $I$ , ha egy tranzakció megkaphatja egy adategységre a  $Z_j$  zárat akkor, ha egy másik tranzakció  $Z_i$  zárat tart fenn ezen az adategységen. Ha nem kaphatja meg, akkor  $N$  áll a  $Z_i$  sor  $Z_j$  oszlopában.

Akkor lehet két különböző tranzakciónak  $Z_i$  és  $Z_j$  zárja ugyanazon az adategységen, ha mindegy, hogy a két zárnak megfelelő műveletek milyen sorrendben hajtódnak végre.

Ez alapján az RLOCK/WLOCK modell és az RLOCK/WLOCK/INCR modell mátrixai:

	RLOCK	WLOCK
RLOCK	I	N
WLOCK	N	N

	RLOCK	WLOCK	INCR
RLOCK	I	N	N
WLOCK	N	N	N
INCR	N	N	I

### Bonyolultabb zármodellek

Többfajta zár van, aszerint, hogy a tranzakciók mit akarnak csinálni az adattal. (Persze akkor, ha van több különböző művelet, nem csak írás és olvasás.)

Cél, hogy minél jobban tükrözzék a zárkéresi lehetőségek a lehetséges műveleteket, mert így kevesebb lesz a várakozás (több olyan eset lesz, amikor lehet két tranzakciónak zárja ugyanott, ha a megfelelő műveletek mehetnek együtt) és megalapozottabb lesz a döntés a sorosíthatóságról (nem leszünk annyira feleslegesen szigorúak).

Példa: Legyen három művelet: olvasás, írás és növelés (increment). Ez utóbbi azt jelenti, hogy az adategység aktuális értékét megnöveljük eggyel.

Ekkor bevezethetünk három zárat: RLOCK, WLOCK és INCR, a kézenfekvő használattal (a megfelelő művelet csak akkor mehet, ha a tranzakció megkapta a hozzá tartozó zárat).

### A kompatibilitási mátrix használata

1. Ez alapján dönti el az ütemző, hogy egy ütemezés/zárkérés legális-e, illetve ez alapján várakoztatja a tranzakciókat. Minél több az  $I$  a mátrixban, annál kevesebb lesz a várakoztatás
2. A mátrix alapján keletkező várakozásokhoz elkészített várakozási gráf segítségével az ütemező kezeli a holtponthoz (ami tetszőleges zármodell esetén ugyanazt jelenti és a gráft is ugyanúgy kell felépíteni)
3. A mátrix alapján készíti el az ütemező a sorosítási gráft egy zárkérés-sorozathoz: a sorosítási gráf csúcsai a tranzakciók és akkor van él  $T_i$ -ből  $T_j$ -be, ha van olyan  $A$  adategység, amelyre az ütemezés során  $Z_k$  zárat kért és kapott  $T_i$ , ezt elengedte, majd ezután  $A$ -ra legközelebb  $T_j$  kért és kapott  $Z_l$  zárat és a mátrixban a  $Z_k$  sor  $Z_l$  oszlopában  $N$  áll. Vagyis olyankor lesz él, ha a két zár nem kompatibilis egymással, nem mindegy a két művelet sorrendje.

## Sorosíthatóság

A sorosíthatóságról most is pusztán a zárkérések alapján fogunk dönteni, a sorosítási gráf segítségével:

**Tétel.** *Egy csak zárkéréseket és zárelengedéseket tartalmazó legális ütemezés pontosan akkor sorosítható valamelyik zármodellben, ha a zármodellhez tartozó kompatibilitási mátrix alapján az előbbi módszerrel felrajzolt sorosítási gráf DAG*

**Bizonyítás:** Pontosán ugyanúgy megy, ahogyan eddig.

Az ütemező egyik lehetősége a sorosíthatóság elérésére, hogy folyamatosan figyeli a sorosítási gráfot és ha irányított kör keletkezne, akkor ABORT-ot rendel el.

## Mit látunk mi ebből?

Az adatbáziskezelő működése során az ütemező munkájába nem (nagyon) szólhatunk bele. Miért hasznos mégis tudni, hogy hogyan működik?

- Abba beleszólhatunk, hogy mennyire törekedjen sorosíthatóságra az adatbáziskezelő (akár azt is mondhatjuk, hogy semennyire). Ehhez nem árt, ha tudjuk, hogy mi is a sorosíthatóság, mit nyerünk vele és mibe kerül (bonyolult ütemező, lassabb futás)
- Ha ismerjük a különféle ütemezési technikákat: jobban fogjuk érteni az előforduló ABORT-okat, és majd az ABORT utáni visszaállítást is.

## Sorosíthatóság II.

Másik lehetőség a protokollal való megelőzés. Tetszőleges zármodellben értelmes a 2PL és igaz az alábbi tétel:

**Tétel.** *Ha valamilyen zármodellben egy legális ütemezésben minden tranzakció követi a 2PL-t, akkor az ütemezéshez tartozó sorosítási gráf DAG, azaz az ütemezés sorosítható*

**Bizonyítás:** Pontosán úgy, ahogy eddig.

Megjegyzés: Minél gazdagabb a zármodell, minél több az  $I$  a kompatibilitási mátrixban, annál valószínűbb, hogy a sorosítási gráf DAG lesz minden külön protokoll nélkül. Ez azt jelenti, ilyenkor egyre jobb lesz az ABORT-os módszer (ritkán kellhet).

## Összefüggések az adategységek között

Eddig nem néztük azt, hogy mik azok az adategységek, amikre a zárat lehet kérni és kapni. Hallgatólagosan feltettük, hogy ezeket egymástól függetlenül lehet zárolni, nincs közöttük semmi szervezettség, semmi összefüggés.

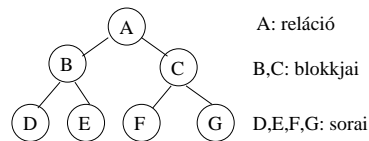
A valóságban két különböző esetben sem alkalmazható ez a megközelítés:

1. Ha az adategységek egymásba ágyazottak (pl. reláció, blokk, rekord), ekkor még további megkötéseket szeretnénk a zárolásra, az eddigi módszereket ki kell egészíteni
2. Ha tudjuk, hogy egymáshoz képest hogyan helyezkednek el az adategységek a tárolási struktúrában, akkor jobb módszereket találhatunk, mint az eddigiek, illetve láthatjuk, hogy valami eddig tanult módszer biztosan előnytelen lesz. Ez lesz például a B-fában tárolt adatok esete.

## Adatbáziselemekből álló hierarchiák

A valóságban zárolhatunk teljes relációkat, de zárolhatjuk külön-külön ezek egyes blokkjait, sőt sorait is. Minél nagyobb egységre rakunk zárat, annál könnyebb lesz a záradminisztráció, de annál több lesz a zárfeloldásra várás is és ezzel együtt a holtpont. Alkalmazástól függ, hogy mi éri meg jobban, de egy valami mindig közös: Elvárjuk azt, hogy ha az  $A$  adategység egy reláció,  $B$  pedig ennek egy blokkja, akkor az  $A$ -ra rakott zár zárolja  $B$ -t is, azaz pl. az egyszerű tranzakciómodellben ne lehessen  $I_j(B)$ -t kapni, ha  $I_i(A)$  után még nem volt  $u_i(A)$ . Ezt az eddigi technika még nem biztosítja, eddig ilyen összefüggéseket nem is vettünk figyelembe.

Egy ilyen lehetséges hierarchikus helyzet:



## A záruk használata

1. Az  $i$ -edik tranzakció,  $T_i$ , csak akkor olvashatja vagy írhatja az  $A$  adategységet, ha előtte zárat kért és kapott rá ( $LOCK_i(A)$  vagy  $LOCK_i A$  valamelyik ósén) és ezt a zárat még azóta nem engedte fel.
2.  $LOCK_i(A)$  és  $WARN_i(A)$  után mindig van  $UNLOCK_i(A)$ .
3. Ha  $LOCK_j$  van  $A$ -n, akkor se  $WARN_j$  se  $LOCK_j$  nem kerülhet már rá (ha  $j \neq i$ ), de két különböző tranzakciónak lehet  $WARN$ -ja ugyanott. Vagyis a kompatibilitási mátrix:

	LOCK	WARN
LOCK	N	N
WARN	N	I

## Figyelmeztető záromodell

Cél: olyan sorosítható ütemezés kikényszerítése, ami még az adategységek közötti hierarchiát is figyelembe veszi. Ez a hierarchia egy fával adott.

Egyszerű változat esetén háromféle zárművelet lesz: (lényegében az egyszerű tranzakciómodellnek felel meg):

- $LOCK_i(A)$ :  $T_i$  zárolja  $A$ -t (explicit lock) és minden leszármazottját (implicit lock), kizárólagosan, azaz ezek után más tranzakció se  $A$ -ra, se ennek leszármazottjára nem kaphat zárat.
- $WARN_i(A)$ :  $T_i$  figyelmeztetést rak  $A$ -ra (gyerekeire nem), ez annak jelzésére szolgál, hogy  $T_i$  majd zárat akar kapni  $A$  valamely leszármazottjára
- $UNLOCK_i(A)$ : felszabadítja az  $A$ -ra rakott  $LOCK$ -ot és  $WARN$ -t, az implicit zár is lekerül  $A$  leszármazottjairól

## A figyelmeztető protokoll

A  $T_i$  tranzakció követi a figyelmeztető protokollt, ha zárkérései a fentiekén kívül még a következőket is tudják:

- (a)  $T_i$  első zárkérése  $WARN_i$  vagy  $LOCK_i$  a gyökérré
- (b) Ezután  $LOCK_i$  vagy  $WARN_i$  csak akkor kérhető egy adategységre, ha  $WARN_i$  már van az apján.
- (c)  $UNLOCK_i$  csak akkor kérhető egy adategységre, ha már nincs sem explicit  $LOCK_i$ , sem  $WARN_i$  az adategység leszármazottjain
- (d) Kétfázisú zárkérés van:  $UNLOCK_i$  után nincs se  $LOCK_i$ , se  $WARN_i$ .

Az (a) és (b) pontok miatt a zárkérések felülről lefelé kúsznak a fában, a zárelengedések pedig a (c) miatt alulról felfele mennek az egyes tranzakciók esetén.

## Példa

Az adategységek hierarchiája legyen az, amit pár fóliával korábban megadtunk (A a gyökér, gyerekei B és C, B gyerekei D és E, C gyerekei F és G). Az alábbi zárkérésekből és zárelengedésekből álló sorozat legális és mindhárom tranzakció követi a figyelmeztető protokollt.

$WARN_1(A)$ ,  $WARN_2(A)$ ,  $WARN_3(A)$ ,  $WARN_1(B)$ ,  $LOCK_2(C)$ ,  $LOCK_1(D)$ ,  
 $UNLOCK_2(C)$ ,  $UNLOCK_1(D)$ ,  $UNLOCK_2(A)$ ,  $UNLOCK_1(B)$ ,  $LOCK_3(B)$ ,  $WARN_3(C)$ ,  
 $LOCK_3(F)$ ,  $UNLOCK_1(A)$ ,  $UNLOCK_3(B)$ ,  $UNLOCK_3(F)$ ,  $UNLOCK_3(C)$ ,  $UNLOCK_3(A)$

Azért legális, mert minden LOCK és WARN fel van engedve később és egyszerre csak több WARN van ugyanott, más nem.

A tranzakciók zárkérései pedig egyrészt 2PL szerint mennek, másrészt a zárkérések a fában felülről lefele mennek, a zárelengedések pedig alulról felfele.

- Egy explicit és egy implicit lock (két különböző tranzakciótól) nem lehet ugyanott: nem lehet, hogy egy A adatelemen  $LOCK_i$  van és ezzel egyidejűleg egy leszármazottján (akin így implicit  $T_i$  lock van) van  $LOCK_j$  is, mert ekkor A-n  $WARN_j$ -nek is kell lennie, de az nem lehet egy legális ütemezésben.
- Két különböző tranzakciónak implicit LOCK-ja sem lehet ugyanazon a C adategységen, mert ekkor C két különböző felmenőjén a két különböző tranzakció két LOCK-jának kellene lennie, ami az előző pont értelmében nem lehet.

Megjegyzés: Lehetne bonyolultabb zármód esetén is nézni figyelmeztető zárolást és figyelmeztető protokollt (az RLOCK/WLOCK modelnek megfelelően): lenne külön írási és olvasási figyelmeztetés is.

## Figyelmeztető protokoll II.

A figyelmeztető protokollra igaz az alábbi tétel:

**Tétel.** *Ha a figyelmeztető zármódban, egy legális ütemezésben minden tranzakció követi a figyelmeztető protokollt, akkor az ütemezés sorosítható és soha nem lesz egyszerre két különböző tranzakciónak zárja (se explicit, se implicit) ugyanazon az adategységen.*

**Bizonyítás:** A sorosíthatóságot a kétfázisúság biztosítja (pontosabban nem bizonyítjuk).

Zárkonfliktus pedig azért nem lesz, mert

- Két különböző tranzakciónak explicit LOCK-ja nem lehet soha ugyanott, ha az ütemezés legális.

## B-fában tárolt adategységek

Tekintsük most azt a helyzetet, amikor a zárolható adategységek egy fa csúcsaiban helyezkednek el, de a fa most nem az adategységek egymásba ágyazottságát mutatja (az adategységek most diszjunktak), hanem azt, hogy hogyan lehet elérni az adatokat. Például a B-fa esetén a levelekhez csak úgy juthatunk el, ha a gyökértől indulva végigjárunk egy lefele vezető utat. Ahhoz, hogy beolvashassuk azt a levelet, ami nekünk kell, előtte be kell olvasnunk az összes felmenőjét (és ha csúcsvágás vagy csúcsösszevonás úgy kívánja, írunk is kell őket).

Ilyenkor a szokásos technikák mennek ugyan, de nagyon előnytelenek lehetnek. Például a 2PL esetén egész addig kell tartani a zárat a gyökéren, amíg le nem értünk a levélhez, ami indokolatlanul sok várakozáshoz vezet.

Kéne másik módszer, ami ebben a speciális esetben biztosítja a sorosíthatóságot, de nem olyan szigorú, mint a 2PL. Ez lesz a faprotokoll.

## Faprotokoll

Egyszerű tranzakciómodellben vagyunk (de ezt is lehetne RLOCK/WLOCK modellre kibővíteni), azaz

- egy zár van csak, ezt meg kell kapni íráshoz és olvasáshoz is
- zár után mindig van UNLOCK
- nincs két különböző tranzakciónak zárja ugyanott

A  $T_i$  tranzakció követi a faprotokollt, ha

1. Az első zárat bárhova elhelyezheti.
2. A későbbiekben azonban csak akkor kaphat zárat  $A$ -n, ha ekkor zárja van  $A$  apján.
3. Zárat bármikor fel lehet oldani (nem 2PL).
4. Nem lehet újrazárolni, azaz ha  $T_i$  elengedte egy  $A$  adategység zárját, akkor később nem kérhet rá újra (még akkor sem, ha  $A$  apján még megvan a zárja).

**Tétel.** (Bizonyítás nélkül) Ha minden tranzakció követi a faprotokollt egy legális ütemezésben, akkor az ütemezés sorosítható lesz, noha nem feltétlenül lesz 2PL.

## Példa II.

Ekkor a megfelelő (faprotokoll szerinti, legális) ütemezés eleje  $LOCK_i(A)$ ,  $LOCK_i(B)$ ,  $UNLOCK_i(A)$  mert  $B$  beolvasása után látjuk, hogy neki csak két gyereke van, ha kell is csúcsvágás, az  $A$ -t biztos nem érinti,  $A$ -t nem kell majd írni. Csak addig kellett fogni  $A$ -n a zárat, amíg  $B$ -re is megkaptuk.

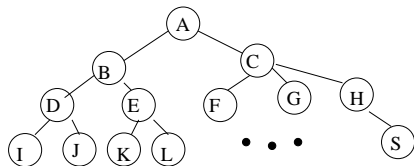
Ezután  $LOCK_i(D)$ ,  $UNLOCK_i(B)$ , mert látjuk, hogy  $D$ -nek csak két gyereke van, ezért  $B$ -t biztos nem kell írni.

Innen tovább:  $UNLOCK_i(D)$ , amikor már megtörtént az új levél beszúrása és  $D$ -ben is beállítottuk a mutatókat.

### Tanulság:

- Faprotokoll szerint ment az ütemezés  $\implies$  jó lesz
- Nem 2PL és ezzel nyertünk is sokat, mert amint megvolt  $UNLOCK_i(A)$ , akkor rögtön indulhat a következő beszúrás, ha az a fa jobb oldali ágán fut le. Ha 2PL lett volna, akkor  $LOCK_i(D)$ -ig kellene várni ezzel.

## Példa



Tekintsük ezt a  $B_3$ -fát. Az  $A$ -tól  $H$ -ig levő adategységek a fa belső csúcsai, itt mutatók és keresést segítő kulcsok vannak, a levelekben ( $I$ -től  $S$ -ig) pedig a keresési kulcs szerint rendezetten vannak a tárolt adatok, amik között keresünk. Most feltesszük, hogy egy levélben egy tárolt elem van.

Ha mondjuk az  $I$ -ben,  $J$ -ben és  $K$ -ban tárolt elemek keresési kulcsa 1, 3 és 10, és be akarunk szűrni egy olyan elemet, ahol a kulcs értéke 4, akkor először olvasni kell  $A$ -t,  $B$ -t és  $D$ -t, majd írni is kell  $D$ -t.