

## Adatbázisok elmélete 14. előadás

Katona Gyula Y.  
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem  
Számítástudományi Tsz.  
I. B. 137/b  
kiskat@cs.bme.hu  
http://www.cs.bme.hu/~kiskat

2005

### Miért jó a BCNF séma?

Ha  $C \rightarrow B$ ;  $B \rightarrow A$  teljesülne, de  $B \rightarrow C$  nem, akkor ugyanaz a  $B$  érték több  $C$  érték mellett is előfordulhatna, de minden példánynál ugyanazt az  $A$  értéket is tároljuk  $\Rightarrow$  **redundancia**.

**Állítás.**  $\leq 2$  attribútumos reláció mindig BCNF.

**Bizonyítás:** Ha  $A \rightarrow B \Rightarrow A$  kulcs. Ha  $B \rightarrow A \Rightarrow B$  kulcs.

Mivel  $F^+$ -ra követeljük meg a feltételt, nehéz ellenőrizni.

**DE:**

**Tétel.** Ha  $(R, F)$  nem BCNF, akkor van olyan  $X \rightarrow Y \in F$ , amely jobboldalának valamely  $A$  attribútumára  $X \rightarrow A$  nemtriviális és  $X$  nem superkulcs. (Az ilyen  $X \rightarrow A \in F^+$ .)

**Bizonyítás:** Ha  $(R, F)$  nem BCNF, akkor van  $U \rightarrow B \in F^+$ , hogy  $U$  nem superkulcs és  $B \notin U$ .  
 $\Rightarrow B \in U^+(F) \Rightarrow U \subsetneq U^+(F)$

Az algoritmus, ami  $U^+(F)$ -et számolja, el tud indulni  $\Rightarrow \exists V \rightarrow W \in F$ , melyre  $V \subseteq U$ ,  $W \not\subseteq U$   
 $\Rightarrow V \rightarrow W$  jó lesz  $X \rightarrow Y$ -nak.

Ugyanis  $V$  nem superkulcs, hiszen  $V \subseteq U$  és  $U$  nem superkulcs.

$W \not\subseteq U \Rightarrow \exists A \in W \setminus U \subseteq W \setminus V$ , így  $V \rightarrow W$  nem triviális.

*Ez jelentősen könnyíti az ellenőrzést, csak  $F$  függőégeit kell végignézni, nem  $F^+$ -ét.*

### Normálformák

**Definíció.** Egy  $X \rightarrow Y$  függés triviális, ha  $Y \subseteq X$ . (Mert ezek a függések nem hordoznak sok infót, mindig igazak.)

**Definíció (Boyce–Codd normálforma).** Az  $(R, F)$  relációs séma BCNF-ben van, ha tetszőleges nemtriviális  $X \rightarrow A \in F^+$  függés esetén  $X$  superkulcs.

*Azaz csak olyan függések vannak, hogy a superkulcs mindent meghatároz.*

**Tétel.** Az  $(R, F)$  BCNF-ben van pontosan akkor ha tetszőleges  $A \in R$ -re és  $X \subseteq R$  kulcsra igaz, hogy nincs olyan  $Y \subseteq R$ , amire  $X \rightarrow Y \in F^+$ ;  $Y \not\rightarrow X$ ;  $Y \rightarrow A \in F^+$  és  $A \notin Y$ . (Nincs tranzitív függés kulcstól.)

**Bizonyítás:** Ha nincs BCNF-ben a séma, akkor van egy  $Y \rightarrow A$  függés, ahol  $Y$  nem superkulcs és  $A \notin Y$ . Ekkor, tetszőleges  $X$  kulccsal:  $X \rightarrow Y, Y \not\rightarrow X, Y \rightarrow A$ , de  $A \notin Y$ , ami épp egy kulcstól való tranzitív függés.

Másrészt, ha van tranzitív függés kulcstól, azaz  $X$  olyan kulcs, amivel  $X \rightarrow Y, Y \not\rightarrow X, Y \rightarrow A$ , de  $A \notin Y$ , akkor  $Y \rightarrow A$  egy olyan függés, ami sérti a BCNF tulajdonságot, mert  $Y$  nem lehet superkulcs, ha  $Y \not\rightarrow X$ .  $\checkmark$

### Normalizálás

**Tétel.** Tetszőleges  $(R, F)$  sémának van hűséges felbontása BCNF relációkra.

**Bizonyítás:** Elve:

- Ha  $(R, F)$  BCNF  $\checkmark$
- Ha nem, akkor két valódi (kisebb) részre bontjuk hűségesen  $\Rightarrow (R_1, R_2)$
- Ezt ismételjük  $(R_1, R_2)$ -re.

Ez véget fog érni, mert ha már csak 2 attribútum marad valamelyikben, azt nem kell tovább bontani.

Hűséges lesz, mert láttuk, hogy ha egy hűséges felbontás egyik részét tovább bontjuk, akkor hűséges marad.

## Bizonyítás

### Hogyan bontjuk fel 2 valódi részre, hűségesen?

Keresünk a felbontandó sémában egy olyan  $X \rightarrow A \in F^+$ -t, ami sérti a BCNF tulajdonságot  
 $\Rightarrow A$  és  $X$  része a sémának,  $A \notin X$  és  $X$  nem szuperkulcs

$$R_1 := XA, \quad R_2 := R \setminus \{A\}$$

*Ezek kisebbek:*  $R_2$  nyilván,  $R_1$  pedig azért, mert ha  $R_1 = R$  volna, akkor  $X \rightarrow XA = R$  miatt  $X$  szuperkulcs lett volna.

*Hűséges a felbontás:* kétrészes teszttel  $R_1 \cap R_2 = X \rightarrow A = R_1 \setminus R_2$  ✓

*Miért lesz jobb ez a felbontás?*

Az  $X \rightarrow A$  függéssel nem lesz több probléma:  $R_2$ -ben nincs  $A$ , így nem lehet baj.  $R_1$ -ben viszont  $X$  szuperkulcs lesz.

## Megjegyzések

Minden felbontás után meg kell nézni, hogy a kapott relációk BCNF-ben vannak-e. Ehhez meg kell konstruálni  $F_S^+$ -et, ha  $S$  a vizsgált reláció: ez az  $F_R^+$  azon függéseiből áll, amiknek mindkét oldala  $S$ -ben van. Ezeket a függéseket úgy kapjuk, hogy minden  $X \subseteq S$  részalmozra kiszámoljuk  $X^+(F)$ -et és  $X \rightarrow Y$  pontosan akkor lesz benne  $F_S^+$ -ben, ha  $Y \subseteq X^+(F) \cap S$ .

Általában nem igaz, hogy elég  $F$ -ből kiválogatni azokat, amiknek mindkét oldala  $S$ -ben van.

Pl.:  $F = \{Tá \rightarrow T; IT \rightarrow Te; ID \rightarrow Te; ID \rightarrow Tá; TáD \rightarrow J\}$

Ha  $S = Tá Te D I$ , akkor (csak a nemtrivi függéseket felírva):

$F_S^+ = \{Tá I \rightarrow Te; D I \rightarrow Te Tá; D I Tá \rightarrow Te; D I Te \rightarrow Tá\}$

$\Rightarrow$  Az előző algoritmus lehet exponenciális  $\Rightarrow$  Van polinomiális algoritmus is.

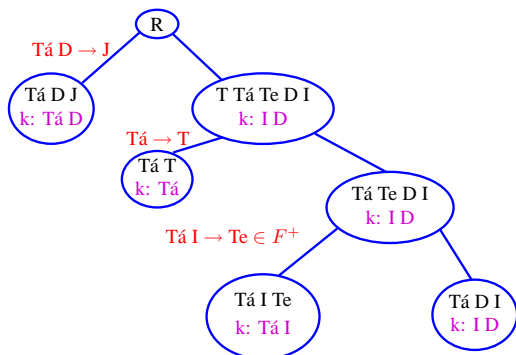
3 attribútum esetén a BCNF tulajdonság csak úgy sérülhet, ha  $X \rightarrow Y$ , ahol  $X, Y$  egy-egy attribútum és  $X$  nem kulcs.

Azt is mindig ellenőrizni kell, hogy a kapott relációkban mik a (szuper)kulcsok, hogy egy függésről el tudjuk dönteni, hogy sérti-e a BCNF-et vagy nem. A példában ez viszonylag könnyű lesz, hiszen  $I$  és  $D$  egyik  $F$ -beli függőségben sem szerepel a jobb oldalon, így minden kulcs (amikor  $I$  és  $D$  szerepel a relációban) tartalmazza  $I D$ -t. Csak azt kell megnézni, hogy  $I D$  kulcs marad.

## Példa

$R(\text{Tanár, Tárgy, Terem, Diák, Jegy, Idő})$

$F = \{Tá \rightarrow T; IT \rightarrow Te; ID \rightarrow Te; ID \rightarrow Tá; TáD \rightarrow J\} \Rightarrow$  kulcs csak  $ID$



## Függőség megőrzése

BCNF egy fogyatékosága: nehéz lehet ellenőrizni, hogy teljesülnek-e  $F$  függései (pl. beszűrőskor). Ilyenkor a költséges  $\bowtie$  kell, és ez sokszor előfordulhat. Kéne egy olyan felbontás, amin könnyen lehet ellenőrizni a függéseket.

**Definíció.** Adott  $(R, F)$  séma és ennek egy  $\rho = (R_1, \dots, R_k)$  felbontása.

$$\pi_\rho(F) := \{X \rightarrow Y \in F^+ \mid \exists i (1 \leq i \leq k) X, Y \subseteq R_i\}^+$$

az  $F$  függéseinek vetítése a  $\rho$  felbontásra.  $\rho$  függőségőrző, ha  $\pi_\rho(F) = F^+$ .

*Megjegyzés:*  $\pi_\rho(F) \subseteq F^+$  persze mindig igaz.

Ha a felbontás függőségőrző, akkor elég a darabokon ellenőrizni valamit, ami garantálja, hogy  $F$  minden függése fennmarad az egészen.

## Példa

$R(\text{Város, Utca, Irányítószám}) \quad F = \{VU \rightarrow I; I \rightarrow V\}$

Ez nem BCNF  $I \rightarrow V$  miatt.

Mire jó a függőségőrzés?:

Ha felbontjuk  $\Rightarrow S(V, I), Q(I, U)$

Beszúrunk 2-2 sort:

S	V	I	Q	U	I
	Nagykanizsa	8800		Kossuth	8800
	Nagykanizsa	8831		Kossuth	8831

Noha  $S$ -ben és  $Q$ -ban oké minden,  $S \bowtie Q$ -ban nem teljesül a  $VU \rightarrow I$  függés.

Ez nem lett volna, ha függőségőrző lenne a felbontás.

Szomorú példa ez: semelyik felbontása sem őrzi meg  $VU \rightarrow I$ -t, mert csak ez olyan függés, aminek jobb oldalán van  $I$ , azaz ha egy felbontás függőségőrző lenne, akkor egy tagjában kéne  $VUI$ -nek lennie, de az nem lenne valódi felbontás.

$\Rightarrow$  ennek nincs függőségőrző valódi felbontása, vagyis van olyan reláció, amit nem lehet függőségőrző módon BCNF-ekre szétszedni

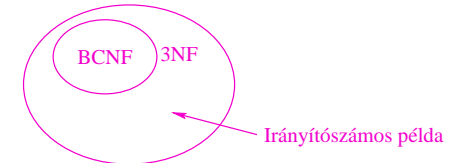
## 3NF

**Definíció.** Az  $(R, F)$  séma  $A$  attribútuma **prím (elsődleges)**, ha szerepel valamelyik kulcsban.

Szuperkulcsban minden szerepel, kulcs helyett szuperkulccsal nem lenne sok értelme az előbbi definíciónak.

**Definíció.** Az  $(R, F)$  séma **3NF (harmadik normálformájú)**, ha tetszőleges nemtriviális  $X \rightarrow A \in F^+$  függés esetén vagy  $X$  szuperkulcs vagy  $A$  primattribútum.

**Következmény.** Minden BCNF séma egyben 3NF is.



3NF lehet redundáns, de nem nagyon.

**Tétel.** Ha  $(R, F)$  egy 3NF séma, akkor minden nem prím  $A$  attribútumra és  $X \subseteq R$  kulcsra igaz, hogy nincs olyan  $Y$ , hogy  $X \rightarrow Y, Y \rightarrow X, Y \rightarrow A$  és  $A \notin Y$ . (Nem-elsődleges attribútum nem függ tranzitívan kulcstól.)

Nem bizonyítjuk, úgy menne, mint BCNF-nél a hasonló állítás.

## Következmény

**Állítás.** Felbontás BCNF-be nem feltétlenül függőségőrző.

Kellene egy gyengébb normálforma. Ebben lehet valamennyi redundancia, de legyen függőségőrző.