

Adatbázisok elmélete 9. előadás

Csima Judit
Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem
Számítástudományi Tsz.
I. B. 136/b
csima@cs.bme.hu

2003. Március 12.

ADATBÁZISOK ELMÉLETE 9. ELŐADÁS

$$\{s^{(3)} \mid \exists u \exists v (\text{MENNYISÉG}(u) \wedge \text{ÁRU}(v) \wedge u[1] = 2002-01-15 \wedge u[2] = 'A123' \wedge v[1] = 'A123' \wedge s[1] = u[3] \wedge s[2] = v[2] \wedge s[3] = v[3])\}$$

Mely nevű áruk azok, amelyekkel van azonos egységárú másik áru?

$$\{s^{(1)} \mid \exists u \exists v (\text{ÁRU}(v) \wedge \text{ÁRU}(u) \wedge s[1] = v[2] \wedge v[3] = u[3] \wedge \neg(v[1] = u[1]))\}$$

Mivel lehet több mindent kifejezni? Relációs algebrával, vagy sorkalkulussal?

Tétel. A sorkalkulus relációsan teljes.

Bizonyítás: Be kell látni, hogy minden reláció, ami relációs algebrával megadható, megadható sorkalkulussal is. Ehhez azt elég megmutatni, hogy

1. az alaprelációk megadhatók
2. a relációs algebrai alapműveletek (unio, különbség, szorzat, vetítés, szelekció) alaprelációkra alkalmazva megvalósíthatók
3. ha R és S nem alapreláció és ezekre alkalmazunk valami relációs műveletet, akkor az eredmény kifejezhető sorkalkulussal

2

ADATBÁZISOK ELMÉLETE 9. ELŐADÁS

Példák sorkalkulus alkalmazására

ÁRU(ÁRUKÓD, ÁRUNÉV, EGYSÉGÁR)
MENNYISÉG(DÁTUM, ÁRUKÓD, DB)
BEVÉTEL(DÁTUM, ÖSSZEG)
BEFIZ(ÖSSZEG, BEFIZ) BEFIZ=ÖSSZEG-4000

Az 2002. jan. 1. utáni napok bevételei a dátummal együtt:

$$\left(\sigma_{\text{DÁTUM} > '2002-01-01'}(\text{BEVÉTEL})\right) \\ \{t^{(2)} \mid \text{BEVÉTEL}(t) \wedge t[1] \geq 2002-01-01\}$$

Az 2002. jan. 15-i bevétel és a befizetett összeg:

$$\pi_{\text{ÖSSZEG, BEFIZ}} \left(\sigma_{\text{DÁTUM} = '2002-01-15'}(\text{BEVÉTEL}) \bowtie \text{BEFIZ} \right) \\ \{u^{(2)} \mid \text{BEFIZ}(u) \wedge \exists v (\text{BEVÉTEL}(v) \wedge v[1] = 2002-01-15 \wedge v[2] = u[1])\}$$

Hány darabot adtak el 2002. jan. 15-én az A123 kódú áruból, mi a neve és az ára?

$$\pi_{\text{DB, ÁRUNÉV, EGYSÉGÁR}} \left(\sigma_{\text{ÁRUKÓD} = 'A123' \wedge \text{DÁTUM} = '2002-01-15'}(\text{MENNYISÉG} \bowtie \text{ÁRU}) \right)$$

1

ADATBÁZISOK ELMÉLETE 9. ELŐADÁS

- **alapeláció:** Tegyük fel, hogy R k oszlopos alapreláció
 $R = \{t^{(k)} \mid R(t)\}$
- **Unió:** *Tfh. S is k oszlopos*
 $R \cup S = \{t^{(k)} \mid R(t) \vee S(t)\}$
- **különbség:**
 $R \setminus S = \{t^{(k)} \mid R(t) \wedge \neg S(t)\}$
- **metset:**
 $R \cap S = \{t^{(k)} \mid R(t) \wedge S(t)\}$
- **szorzat:** R legyen k oszlopos, S pedig l oszlopos
 $R \times S = \{t^{(k+l)} \mid \exists r^{(k)} \exists s^{(l)} (R(r) \wedge S(s) \wedge r[1] = t[1] \wedge \dots \wedge r[k] = t[k] \wedge s[1] = t[k+1] \wedge \dots \wedge s[l] = t[k+l])\}$
- **vetület:** Legyen $R(A_1, \dots, A_d, A_{d+1}, \dots, A_k)$ reláció, vetítsük az első d -re $\pi_{A_1, \dots, A_d}(R) = \{t^{(d)} \mid \exists r^{(k)} (R(r) \wedge r[1] = t[1] \wedge \dots \wedge r[d] = t[d])\}$

3

- **kiválasztás:**

$\sigma_{F'}(R) = \{t^{(k)} \mid R(t) \wedge F'\}$, ahol F' átfordítása sorkalkulusra \implies az i -edik attribútum helyett $t^{(n)}[i]$ -t írunk.

Pl. (evidenciával történő meggyőzés)

$\sigma_{\text{ÁR} > '150' \wedge \text{TERMÉK} = \text{'hamburger'}}(\text{TERMEL}) = \{t^{(4)} \mid \text{TERMEL}(t) \wedge t[4] > '150' \wedge t[3] = \text{'hamburger'}\}$

- Nem lényeges, hogy R, S alaprelációk. Ha $R = \{t^{(k)} \mid \phi(t)\}$ és $s = \{t^{(k)} \mid \psi(t)\}$, azaz R és S már valahogy ki van fejezve sorkalkulussal

$\implies R \cup S = \{t^{(k)} \mid \phi(t) \vee \psi(t)\}$

többször ugyanígy ($R(t)$ és $S(t)$ helyett $\phi(t)$ -t és $\psi(t)$ -t írunk. ✓

Megoldás: Nem használunk ilyesmit \implies csak **biztonságos formulákat** (safe expression): kiértékelhető úgy, hogy ne kelljen túl nagy halmazt végignézni, csak annyi infó kell hozzá, amit valaki már egyszer korábban beírt \implies

leszűkítjük a szöveg jövő esetek halmazát

Definíció. $Dom(\phi) = \{\phi\text{-beli alaprelációk} \forall \text{attribútumának,} \forall \text{értéke}\} \cup \{\phi\text{-beli konstansok}\}$

Pl. SZEMÉLY(NÉV, CÍM) alapreláció

$\phi(t) = \text{SZEMÉLY}(t) \wedge t[2] = \text{'Tokyo'}$

$\implies Dom(\phi) = \pi_{\text{NÉV}}(\text{SZEMÉLY}) \cup \pi_{\text{CÍM}}(\text{SZEMÉLY}) \cup \{\text{'Tokyo'}\}$

Definíció. Egy $R = \{t^{(k)} \mid \phi(t)\}$ **reláció biztonságos**, ha

i) Minden $\phi(t)$ -t kielégítő t minden komponense $\in Dom(\phi)$ (Ha t kielégíti $\phi(t)$ -t, akkor minden komponense $Dom(\phi)$ -beli)

(Ez korlátozza keresést! A végeredménybe csak $Dom(\phi)$ -ből lehet kerülni.)

ii) ϕ minden $\exists u \psi(u)$ alakú részformulájára igaz, hogy ha u kielégíti ψ -t a ψ -beli szabad változók valamely értékeire, akkor u minden komponense $\in Dom(\psi)$

(részformula is biztonságos: $\exists u \psi(u)$ igazsága eldönthető $Dom(\phi)$ végignézésével)

Megfordítás

Ki lehet-e fejezni mindent relációs algebrával, amit sorkalkulussal lehet?

Nem!

Pl. Ha R egy k változós alapreláció $\implies \{t^{(k)} \mid \neg R(t)\}$ nem fejezhető ki algebrával.

Bizonyítás: Relációs algebrában minden reláció véges, ha az alaprelációk végesek. Ez viszont lehet végtelen, ha az egyik értékészlet végtelen.

Alkalmazásokban, bár elvileg \forall véges, gyakorlatban azért nagy-nagy véges sem jó. Így ilyen baj tényleg előfordulhat. Sőt részeredményekben sem lehet ilyen \implies túl sok munka.

Megj.: A $\forall u \psi(u)$ alakúakra nem kell, mert ez ugyanaz, mint $\neg \exists u (\neg \psi(u))$ és így elég (ii)-t ellenőrizni a $\exists u (\neg \psi(u))$ részformulára.

Nem az a kérdés, hogy pontosan mik a biztonságos formulák, hanem:

Hogyan tudunk biztonságos formulákat, kifejezéseket írni?

Csak ilyeneket szeretnénk használni.

Tipikus technikák a biztonságosság elérésére:

- $\{t \mid R(t) \wedge \phi(t)\}$ biztonságos, ha ϕ biztonságos (mert szűkítés R -re, így (i) teljesül)
- (Ha nem lehet egy relációra korlátozni pl:)
- $\{t \mid (R(t) \vee S(t)) \wedge \phi(t)\}$ biztonságos, ha ϕ biztonságos
- $\{t^{(2)} \mid \exists u_1 \exists u_2 (R(u_1) \wedge R(u_2) \wedge t[1] = u_2[1] \wedge t[2] = u_1[1]) \wedge \phi(t, u_1, u_2)\}$
- $\exists u (R(u) \wedge \dots)$ ha itt a hátrább levő részek biztonságosak (az R -re való szűkítés miatt (ii) teljesül)
- $\forall u (\neg R(u) \vee \dots)$ ha itt a hátrább levő részek biztonságosak (mert ez átírva $\neg \exists u (R(u) \wedge \dots)$)

Tétel. Biztonságos kifejezésű sorkalkulus reláció kifejezhető relációs algebrával is.

Bizonyítás: Ötlet: Ha $R = \{t^{(k)} \mid \phi(t)\}$ megengedett reláció sorkalkulusban, akkor $R \cap \text{Dom}(\phi)^k$ kifejezhető rel. algebrával. Biz. ϕ felépítése szerinti indukcióval.

Ha R biztonságos, akkor $R = R \cap \text{Dom}(\phi)^k$ ✓

Tétel. A relációs algebra és a biztonságos sorkalkulus ekvivalensek.

Bizonyítás: Volt: relációs algebrai kifejezésből lehet sorkalkulust csinálni, illetve biztonságos sorkalkulusból relációs algebrát.

Kell még: a relációs alg. átírása sorkalkulusra biztonságos.

De az meg az volt, ahogy csináltuk. ✓

Oszlopkalkulus (Domain calculus)

Lényegileg ugyanaz, mint a sorkalkulus, csak másféle változókat használ.

Oszlopváltozó: egy koordinátája a sorváltozónak, mint vektornak

Az oszlopváltozó értékészlete: egy adott attribútum értékészlete.

A oszlopkalkulus által kifejezett reláció:

$\{u_1, \dots, u_k \mid \phi(u_1, \dots, u_k)\} \implies$ azon $u = (u_1, \dots, u_k)$ vektorok, amikre $\phi(u_1, \dots, u_k)$ igaz, ahol ϕ egy megengedett formula és csak u_1, \dots, u_k szabad változók benne.

Megengedett formulák:

atomok :

- $R^{(k)}(u_1, \dots, u_k)$: akkor igaz, ha $(u_1, \dots, u_k) \in R$, azaz a sor benne van a relációban.
- $u_i \theta u_j$
- $u_i \theta c$

Példák biztonságos és nem biztonságos kifejezésekre

- Melyik napokon volt a legnagyobb a bevétel?

Nem bizt.: $\{t^{(1)} \mid \exists u^{(2)} (\text{BEVÉTEL}(u) \wedge t[1] = u[2] \wedge \forall v^{(2)} (\neg \text{BEVÉTEL}(v) \vee v[2] \leq u[2])) \wedge \exists w^{(1)} (w[1] \neq t[1])\}$

Ez azt fejezi ki, csak nem biztonságos, mert (ii) nem oké, bár (i) az. Az a baj, hogy a végén van egy felesleges dolog.

Bizt.: $\{t^{(1)} \mid \exists u^{(2)} (\text{BEVÉTEL}(u) \wedge t[1] = u[2] \wedge \forall v^{(2)} (\neg \text{BEVÉTEL}(v) \vee v[2] \leq u[2]))\}$

Másik bizt.: $\{t^{(1)} \mid \exists u^{(2)} (\text{BEVÉTEL}(u) \wedge t[1] = u[2] \wedge \neg \exists v^{(2)} (\text{BEVÉTEL}(v) \wedge v[2] > u[2]))\}$

- Mely áruból adtak el 100-nál többet egy napon?

Nem bizt.: $\{t^{(3)} \mid \text{ÁRU}(t) \wedge \exists v^{(3)} ((v[2] = t[1] \wedge v[3] > 100) \vee \text{MENNYISÉG}(v))\}$

elírtuk: nem is azt adja, amit kell, meg nem is biztonságos, mert (ii) sérül

Bizt.: $\{t^{(3)} \mid \text{ÁRU}(t) \wedge \exists v^{(3)} ((v[2] = t[1] \wedge v[3] > 100) \wedge \text{MENNYISÉG}(v))\}$

$c \theta u_i$

ahol $\theta \in \{<, >, =, \neq, \leq, \geq\}$, u_i oszlopváltozók, c konstans érték.

Világos, mikor igaz.

építkezési szabályok :

- ϕ, ψ formulák, akkor $\phi \vee \psi, \phi \wedge \psi, \neg \phi$ is formulák.

Világos, hogy mikor igaz.

- ϕ formula, s oszlopváltozó, akkor $\forall s \phi, \exists s \phi$ is formula.

Világos, hogy mikor igaz.

Kötött változó: ha vonatkozik rá kvantor,

Szabad változó: ha nem,